

# コンピュータ科学II

担当：武田敦志 <takeda@cs.tohoku-gakuin.ac.jp>  
http://takeda.cs.tohoku-gakuin.ac.jp/

## 前回の復習

### ■演習問題

(1) 次を示す論理式の  
真理値表を作成せよ

$$Z = A \cdot B + A \cdot \bar{B}$$

(2) 次の真理値表を得られる論理式を作成せよ

A	B	Z
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	0

## 今日の話

### ■コンピュータの加算回路について

コンピュータにおける計算の基本は**加算**

コンピュータの加算はブール代数（2進数）で行う  
ブール代数の演算が基本となっている

加算回路は論理回路の集合

**論理回路**：AND, OR, NOT などを実現する回路

今日は「半加算回路」の設計を行います

## 論理回路の設計

### ■論理回路の設計手順

真理値表を作成する  
(回路の入出力を決める)

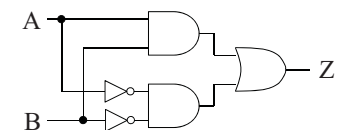
真理値表を論理式に変換する

カルノー図を使う

論理式を論理回路に変換する

A	B	Z
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$Z = A \cdot B + \bar{A} \cdot \bar{B}$$



## 論理式の作成(1)

### ■真理値表 ⇒ 論理式 (1)

真理値表を読む

A	B	Z
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

① A=0, B=0 のとき Z=1

$$Z = \bar{A} \cdot \bar{B}$$

② A=1, B=1 のとき Z=1

$$Z = A \cdot B$$

Z=1 となるのは、①の場合 or ②の場合

$$Z = \bar{A} \cdot \bar{B} + A \cdot B$$

page 5

## 論理式の作成(2)

### ■簡潔な論理式を作成する

A	B	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

$$Z = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot C + \bar{A} \cdot B \cdot \bar{C} + \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot C$$

$$Z = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot C + \bar{A} \cdot B + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B$$

$$Z = \bar{B} \cdot C + \bar{A} \cdot B + A \cdot B$$

$$Z = \bar{B} \cdot C + B$$

$$Z = B + C$$

page 6

## 論理式の作成(3)

### ■カルノー図を利用する

A	B	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

カルノー図

AB \ C	0	1
00	0	1
01	1	1
11	1	1
10	0	1

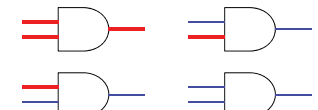
$$Z = B + C$$

page 7

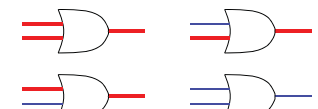
## 論理回路(1)

### ■論理回路の要素

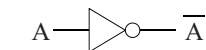
#### ●論理積 (AND)



#### ●論理和 (OR)



#### ●否定 (NOT)

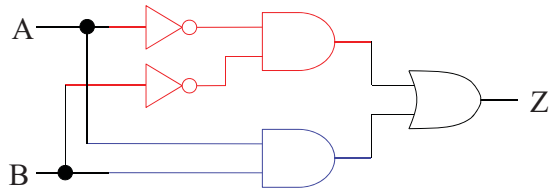


page 8

## 論理回路(2)

■論理式 ⇒ 論理回路 (1)

$$Z = \bar{A} \cdot \bar{B} + A \cdot B$$

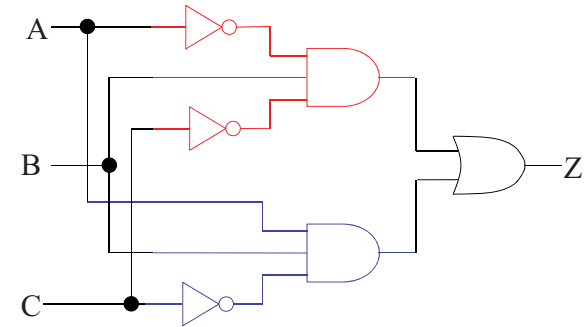


page 9

## 論理回路(3)

■論理式 ⇒ 論理回路 (2)

$$Z = \bar{A} \cdot B \cdot \bar{C} + A \cdot B \cdot \bar{C}$$



page 10

## 練習問題(2)

■演習問題

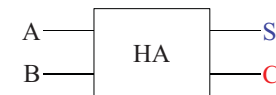
次の論理式の論理回路を作成せよ

$$Z = A \cdot \bar{B} + \bar{A} \cdot B$$

page 11

## 加算回路(1)

■加算回路の真理値表



S : 足し算の結果  
C : 繰り上がり

加算 (2進数で計算)

0	+	0	=	0	0
0	+	1	=	0	1
1	+	0	=	1	0
1	+	1	=	1	1
A	B	C	S		



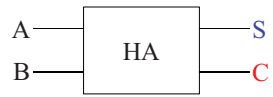
真理値表

A	B	S	A	B	C
0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	1	1	0	0
1	1	0	1	1	1

page 12

## 加算回路(2)

### ■加算回路の論理式



S : 足し算の結果  
C : 繰り上がり

A	B	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

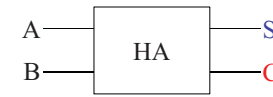
$$S = A \cdot \bar{B} + \bar{A} \cdot B$$

A	B	C
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

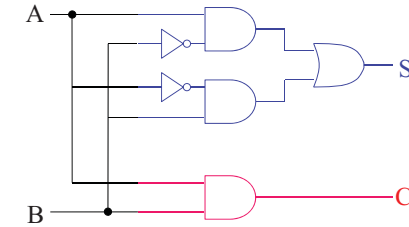
$$C = A \cdot B$$

## 加算回路(3)

### ■加算回路の論理回路

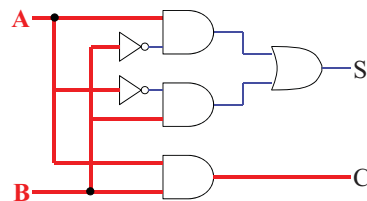
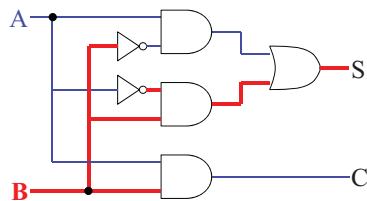
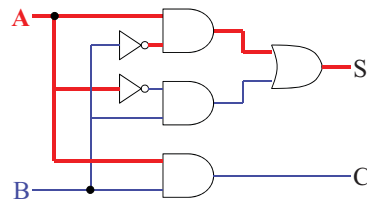
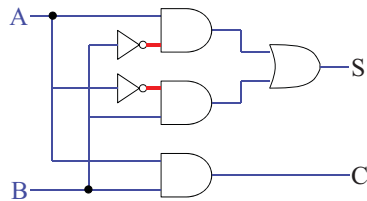


S : 足し算の結果  
C : 繰り上がり



## 加算回路(4)

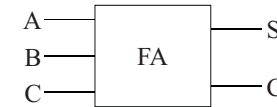
### ■加算回路のデジタル回路



## 加算回路(5)

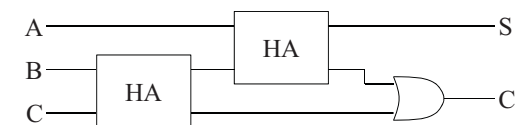
### ■全加算器

3つの入力を受けつける加算器



0	+	0	+	0	=	0	0
0	+	0	+	1	=	0	1
0	+	1	+	0	=	0	1
0	+	1	+	1	=	1	0
1	+	0	+	0	=	0	1
1	+	0	+	1	=	1	0
1	+	1	+	0	=	1	0
1	+	1	+	1	=	1	1

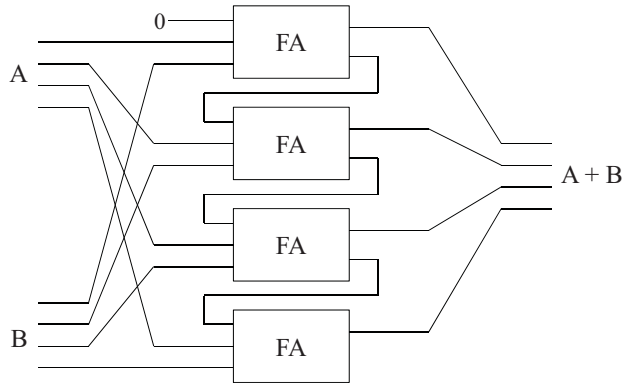
半加算器を組み合わせることで構築できる



## 加算回路(6)

### ■ 4ビット加算器

全加算器を連携させることで、何ビットでも計算できる



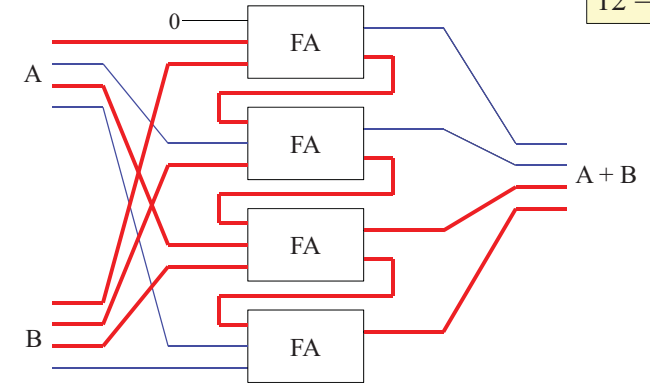
page 17

## 加算回路(7)

### ■ 加算回路の動作

$$5 + 7 = 12$$

$$\begin{aligned} 5 &= 0101_2 \\ 7 &= 0111_2 \\ 12 &= 1100_2 \end{aligned}$$



page 18

## 小テスト

### ■ 演習問題

次の真理値表を満たす論理回路を作成せよ

A	B	C	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	1
1	1	0	0
1	1	1	0

page 19

## 回路素子(1)

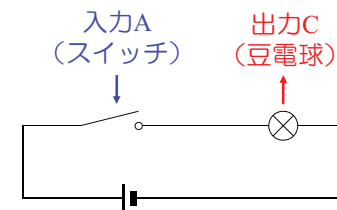
### ■ 論理回路素子の要件

ブール代数の演算が出来ること

論理積 (AND), 論理和 (OR), 否定 (NOT)

最も単純な論理回路の例

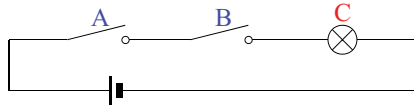
入力A = 出力C



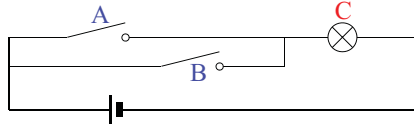
page 20

## 回路素子(2)

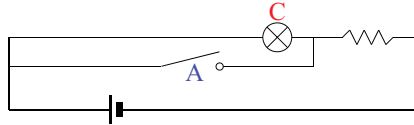
### ■論理積回路の例 $A \cdot B = C$



### ■論理和回路の例 $A + B = C$



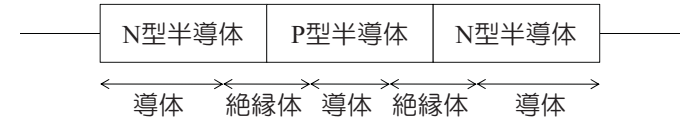
### ■否定回路の例 $A \neq C$



## 回路素子(3)

### ■半導体

通常は導体だが、条件が整うと絶縁体になる  
絶縁体：N型半導体とP型半導体が接触している部分



### ■電界効果トランジスタ

P型半導体の一部を『N型と同じ状態』にすることにより  
スイッチ動作を実現する

## 回路素子(4)

### ■電界効果トランジスタのスイッチ動作

